





## AGRUPAMENTO DE ESCOLAS GONÇALO SAMPAIO

## ESCOLA E.B. 2, 3 PROFESSOR GONÇALO SAMPAIO

### DEPARTAMENTO DE CIÊNCIAS EXATAS

(MATEMÁTICA) 9º ANO

PLANIFICAÇÃO ANUAL

2016/2017

## PLANIFICAÇÃO ANUAL

DISCIPLINA: Matemática ANO DE ESCOLARIDADE: 9º



### 1.º Período

Tema	Conteúdos	Tempos Previstos	
	Ficha diagnóstica	1	
Monómios e Polinómios (8º ano)	Polinómios  Lei do anulamento do produto		
Equações literais Sistemas (8º ano)	Equações literais do 1.º e 2.º graus  Sistemas de equações do 1.º grau com duas incógnitas  Resolução de sistemas pelo método de substituição  (8º ano) Classificação e resolução de sistemas		
Unidade 1: Inequações. Valores aproximados de números reais.	Resolução de problemas utilizando sistemas de equações Relação de ordem em IR Intervalos de números reais. Reunião e interseção de intervalos. Representação na reta numérica Inequações em IR Conjunção e disjunção de inequações. Resolução de problemas envolvendo inequações Valores aproximados de números reais	12	
Unidade 2: Funções	Grandezas inversamente proporcionais  Funções de proporcionalidade inversa  Funções do tipo $y=ax^2$		
Unidade 3: Equações Avaliação	Operações com polinómios. Decomposição em fatores. Resolução de equações do 2.º grau incompletas (Revisão)  Lei do anulamento do produto. Resolução de equações do 2.º grau incompletas (Revisão)  Resolução de equações do 2.º grau completas  Binómio discriminante. Fórmula resolvente  Resolução de problemas envolvendo equações do 2.º grau  Fichas de Avaliação e outros instrumentos de avaliação definidos	10	
	nos critérios de avaliação para o 3.º ciclo.	60	

#### 2.º Período

Tema	Conteúdos	Tempos Previstos
Unidade 4:	Método axiomático. Axioma euclidiano de paralelismo	
Geometria euclidiana. Paralelismo e	Paralelismo de retas e planos no espaço	10
perpendicularidade	Perpendicularidade de retas e planos. Distâncias	
Unidade 5:	Área da superfície de uma pirâmide. Volume de uma pirâmide	
Áreas e volumes de	Área da superfície de um cone. Volume de um cone	16
sólidos	Área de uma superfície esférica. Volume de uma esfera	
	Razões trigonométricas de um ângulo agudo	
Unidade 6:	Relação entre as razões trigonométricas de um ângulo agudo	
Trigonometria no	Razões trigonométricas de 30°, 45° e 60°. Resolução de	18
triângulo retângulo	problemas envolvendo razões trigonométricas	10
oriunguro reeurguro	Resolução de problemas em diversos contextos utilizando razões trigonométricas	
	Lugares geométricos no plano	
Unidade7:	Lugares geométricos envolvendo pontos notáveis em triângulos.	
Lugares geométricos.	Arcos, cordas, circunferências e retas	8
Circunferência	Ângulos inscritos numa circunferência	
	Outros ângulos excêntricos	
Avaliação	Fichas de Avaliação e outros instrumentos de avaliação definidos nos critérios de avaliação para o 3.º ciclo.	8
		60

#### 3.º Período

Tema	Conteúdos	Tempos Previstos
Unidade7:	Ângulos internos e ângulos externos de um polígono	
Lugares geométricos.		6
Circunferência	Polígono inscritos numa circunferência	U
(Continuação)		
	Histogramas	
11.1.1.0.	Linguagem da probabilidade	
Unidade 8:	Regra de Laplace	
Organização e	Propriedades da probabilidade	18
tratamento de dados	Probabilidade em experiências compostas	
	Frequências relativas e probabilidade	
	Preparação para Exame Nacional	12
Avaliação	Fichas de Avaliação e outros instrumentos de avaliação definidos	4
Avaliação	nos critérios de avaliação para o 3.º ciclo.	4
		40

## ARTICULAÇÕES

Conteúdos/Temas		
Ciências Naturais	Físico-Química	Matemática
Viver Melhor na Terra	Movimentos e forças	Proporcionalidade inversa: análise e interpretação de gráficos
Hereditariedade		Estatística e probabilidades
Todo o programa em geral	Tabela Periódica e	
(hormonas, nutrientes, enzimas,	propriedades das	
gases envolvidos na respiração e	substâncias;	
metabolismo celular)	Compostos de carbono	

CONTEÚDOS	METAS DE APRENDIZAGEM	ESTRATÉGIAS	RECURSOS	T L
Teste Diagnóstico			Teste Diagnóstico	1
Monómios e polinómios  Fatorização de Polinómios	<ol> <li>Identificar, dados polinómios não nulos, o «polinómio soma» (respetivamente «polinómio diferença») como o que se obtém ligando os polinómios parcelas através do sinal de adição (respetivamente «subtração») e designar ambos por «soma algébrica» dos polinómios dados.</li> <li>Reconhecer que se obtém uma forma reduzida da soma algébrica de dois polinómios na forma reduzida adicionando algebricamente os coeficientes dos termos semelhantes, eliminando os nulos e as somas nulas assim obtidas e adicionando os termos assim obtidos, ou concluir que a soma algébrica é nula se todos os termos forem assim eliminados.</li> <li>Identificar o «produto» de dois polinómios como o polinómio que se obtém efetuando todos os produtos possíveis de um termo de um por um termo do outro e adicionando os resultados obtidos.</li> <li>Reconhecer, dada uma soma (respetivamente produto) de polinómios, que substituindo as indeterminadas por números, obtém-se uma expressão numérica de valor igual à soma (respetivamente produto) dos valores das expressões numéricas que se obtêm substituindo, nas parcelas (respetivamente fatores), as indeterminadas respetivamente pelos mesmos números.</li> <li>Reconhecer os casos notáveis da multiplicação como igualdades entre polinómios e demonstrá-los.</li> <li>Resolver problemas que associem polinómios a medidas de áreas e volumes interpretando geometricamente igualdades que os envolvam.</li> </ol>	Fatorizar polinómios colocando fatores comuns em evidência e utilizando os casos notáveis da multiplicação de polinómios .  Resolver problemas que associem polinómios a medidas de áreas e volumes interpretando geometricamente igualdades que os envolvam	Quadro interativo e software específico  Livro adotado e caderno de atividades da disciplina  Fichas de trabalho  Atividades de Grupo  Material diverso fornecido pelo professor	7

	<ol> <li>Reconhecer os casos notáveis da multiplicação como igualdades entre polinómios e demonstrá-los.</li> <li>Resolver problemas que associem polinómios a medidas de áreas e volumes interpretando geometricamente igualdades que os envolvam.</li> </ol>	
	Fatorizar polinómios colocando fatores comuns em evidência e utilizando os casos notáveis da multiplicação de polinómios	
Equações incompletas do 2.º grau	1. Designar por equação do 2.º grau com um.a incógnita uma igualdade entre dois polinómios, com uma variável, redutível à equação que se obtém igualando a «0» um polinómio de 2.º grau com uma variável, por adição algébrica de termos iguais a ambos os membros.	
	2. Designar a equação do 2.º grau $ax^2 + bx + c = 0 (a \ne 0)$ por	
	«incompleta» quando $b = 0$ ou $c = 0$ .	
	<b>3.</b> Provar que se um produto de números é nulo então um dos fatores é nulo e designar esta propriedade por «lei do anulamento do produto».	
	<b>1.</b> Demonstrar que a equação do 2.º grau $x^2 = k$ não tem soluções se	
Resolução de equações do 2.º grau incompletas	k < 0, tem uma única solução se $k = 0$ e tem duas soluções simétricas se $k > 0$ .	
	2. Aplicar a lei do anulamento do produto à resolução de equações de 2.º grau, reconhecendo, em cada caso, que não existem mais do que duas soluções e simplificando as expressões numéricas das eventuais soluções.	
	3. Resolver problemas envolvendo equações de 2.º grau.	

Equações literais e			
sistemas			12
.Equações literais do 1.º e do 2.º graus	1. Designar por «equação literal» uma equação que se obtém igualando dois polinómios de forma que pelo menos um dos coeficientes envolva uma ou mais letras. 2.	Resolver equações do 1º grau com denominadores.	12
	2. Resolver equações literais do 1.º e do 2.º grau em ordem a uma dada incógnita considerando apenas essa incógnita como variável dos polinómios envolvidos e as restantes letras como constantes.	Incluir, na resolução de equações, casos em que a incógnita está presente num ou em ambos os membros e é necessário desembaraçar previamente de parênteses e/ou denominadores.	
.Sistema de equações do 1.º grau com duas incógnitas.	1. Designar por «sistema de duas equações do 1.º grau com duas incógnitas x e y» um sistema de duas equações numéricas redutíveis à forma « ax by x + = » tal que os coeficientes a e b não são ambos nulos e utilizar corretamente a expressão «sistema na forma canónica».	Designar por «equação literal» uma equação que se obtém igualando dois polinómios de forma que pelo menos um dos coeficientes envolva uma ou mais letras.	
Solução de um sistema e interpretação geométrica	2. Designar, fixada uma ordem para as incógnitas, o par ordenado de números (x ,y) como «solução de um sistema com duas incógnitas» quando, ao substituir em cada uma das equações a primeira incógnita por x e a segunda por y se obtêm duas igualdades verdadeiras e por «sistemas equivalentes» sistemas com o mesmo conjunto de soluções.	Resolver equações literais do 1.º grau em ordem a uma dada incógnita considerando apenas essa incógnita como variável dos polinómios envolvidos e as restantes letras como constantes.	
	3. Interpretar geometricamente os sistemas de duas equações de 1.º grau num plano munido de um referencial cartesiano.	Envolver os alunos na resolução de sistemas de equações pelo método de substituição.	
. Resolução de sistemas pelo método de substituição	1. Resolver sistemas de duas equações do 1.º grau pelo método de substituição.	A partir da representação gráfica de um sistema identificar as soluções, tratando de casos de sistemas possíveis (determinados e indeterminados) e impossíveis.	
. Classificação e resolução de sistemas	1. Interpretar geometricamente os sistemas de duas equações de 1.º grau num plano munido de um referencial cartesiano e reconhecer que um tal sistema ou não possui soluções («sistema impossível»), ou uma única solução («sistema possível e determinado») ou as soluções são as	Designar por «sistema de duas equações do 1.º grau com duas incógnitas e » um sistema de duas equações numéricas redutíveis à	

		C C	
	coordenadas dos pontos da reta definida por uma das duas equações	forma $(ax + by = c)$ tal que os coeficientes a	
	equivalentes do sistema («sistema possível e indeterminado»).	e b não são ambos nulos e utilizar	
		corretamente a expressão «sistema na forma	
		canónica».	
	1. Resolver problemas usando sistemas de equações.	Designar, fixada uma ordem para as	
Resolução de problemas		incógnitas, o par ordenado de números	
utilizando sistemas de	2. Interpretar ideias matemáticas representadas de diversas formas.	(x0,y0) como «solução de um sistema com	
equações		duas incógnitas» quando, ao substituir em	
	3. Traduzir relações de linguagem natural para linguagem matemática e	cada uma das equações a primeira incógnita	
	vice-versa.	por x 0 e a segunda por y0 se obtêm duas	
		igualdades verdadeiras e por «sistemas	
	4. Exprimir ideias e processos matemáticos, oralmente e por escrito,	equivalentes» sistemas com o mesmo	
	usando notação, simbologia e vocabulário próprios.	conjunto de soluções.	
	asando notação, simeorogia e vocastario proprios.	conjunto de sorações.	
	5. Explicar e justificar ideias, processos e resultados matemáticos.	Propor na resolução de equações do 2.º grau	
	3. Expired e justificat facilis, processos e resultados matematicos.	incompletas a utilização da noção de raiz	
		quadrada, a decomposição em fatores e a lei	
		do anulamento do produto.	
		do anutamento do produto.	
		Designar por equação do 2.º grau com uma	
		incógnita uma equação equivalente à que se	
		obtém igualando a «0 » um polinómio de 2.º	
		grau com uma variável.	
		Decimar a aguação do 29 arou, ga2 - has a a	
		Designar a equação do 2.º grau $ax^2 + bx + c$	
		= 0 (a\neq 0) por «incompleta» quando b=0 ou	
		c=0 .	12
		Provar que se um produto de números é nulo	
		então um dos fatores é nulo e designar esta	
		propriedade por «lei do anulamento do	
		produto».	

		Demonstrar que a equação do 2.º grau $x2 = k$ não tem soluções se $k < 0$ , tem uma única solução se $k = 0$ e tem duas soluções simétricas se $k > 0$ .  Aplicar a lei do anulamento do produto à resolução de equações de 2.º grau, reconhecendo, em cada caso, que não existem mais do que duas soluções e simplificando as expressões numéricas das eventuais soluções.	
Inequações. Valores aproximados de números reais.			
. Relação de ordem em IR	<ol> <li>Reconhecer, dados três números racionais q, r e s e representados em forma de fração com q<r, a="" as="" comparando="" e="" esta="" estende="" frações="" li="" números="" os="" propriedade="" q+r<r+s="" que="" reais.<="" resultantes="" saber="" se="" tem="" todos=""> <li>Reconhecer, dados três números racionais q, r e s e representados em forma de fração com q<r e="" s="">0, que se tem qs<rs a="" as="" comparando="" e="" esta="" estende="" frações="" li="" números="" os="" propriedade="" que="" reais.<="" resultantes="" saber="" se="" todos=""> <li>Reconhecer, dados três números racionais q, r e s e representados em forma de fração com q<r e="" s="">0, que se tem qs<rs a="" as="" comparando="" e="" esta="" estende="" frações="" li="" números="" os="" propriedade="" que="" reais.<="" resultantes="" saber="" se="" todos=""> </rs></r></li></rs></r></li></r,></li></ol>	Utilizar de forma equilibrada, a resolução de problemas e a exploração e investigação de situações numéricas, bem como exercícios destinados a consolidar aspetos rotineiros da aprendizagem dos números e operações (por exemplo, o cálculo do valor de expressões numéricas).  Promover o desenvolvimento da capacidade de cálculo numérico do aluno (mental, escrito e com recurso à calculadora), de escolher o processo de cálculo numérico mais adequado a cada situação, de decidir quanto à utilização de valores aproximados e de avaliar a ordem de grandeza e da adequação da solução	

4. Provar que para a, b, c e d números reais com a < b e c < d se tem a + c < b + d e, no caso de a, b, c e d serem positivos, ac < bd.

- 5. Justificar, dados dois números reais positivos a e b, que se a < b, então  $a^2 < b^2$  e  $a^3 < b^3$ , observando que esta última propriedade se estende a quaisquer dois números reais.
- 6. Justificar, dados dois números reais positivos a e b, que se a < b, então  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ .
- 7. Simplificar e ordenar expressões numéricas reais que envolvam frações, dízimas e radicais utilizando as propriedades da relação de ordem.

. Intervalos de números reais

- 1. Identificar, dados dois números reais a e b (com a < b), os «intervalos não degenerados», ou simplesmente «intervalos» [a, b], ]a, b[, [a, b[ e ]a, b], ,e como os conjuntos constituídos pelos números reais tais que, respetivamente,  $a \le x \le b$ , a < x < b,  $a \le x < b$  e  $a < x \le b$ , designando por «extremos» destes intervalos os números e utilizar corretamente os termos «intervalo fechado», «intervalo aberto» e «amplitude de um intervalo».
- 2. Identificar, dado um número real a, os intervalos  $[a, +\infty[, ]a, +\infty[, ]-\infty, a[e]-\infty, a]$  como os conjuntos constituídos pelos números reais x tais que, respetivamente,  $x \ge a$ , x > a, x < a e  $x \le a$  e designar os símbolos « $-\infty$ » e « $+\infty$ » por, respetivamente, «menos infinito» e «mais infinito».
- 3. Identificar o conjunto dos números reais como intervalo, representando-o por  $]-\infty, +\infty[$  .

encontrada para determinado problema ou questão.

Utilizar material de medida e desenho na representação na reta real de números irracionais.

Ajudar o aluno a compreender as limitações da calculadora e que esta não lhe permite decidir a irracionalidade de um número.

Propor a resolução de inequações simples antes da utilização das regras.

Propor situações em que se use a transitividade das relações de ordem em IR assim como a equivalência entre a<br/>b e b>a

Salientar a necessidade de escolher soluções de uma inequação tendo em conta o contexto da situação em estudo.

Solicitar e promover a utilização progressiva e consistente, pelo aluno, de simbologia e vocabulário adequados às situações.

Criar situações em que os alunos interpretem e critiquem as soluções de um problema (ou inexistência de soluções) no seu contexto.

Realizar as tarefas propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para

		trabalho de casa.	
	4. Representar intervalos na reta numérica.		
	•		
. Reunião e interseção de	1. Determinar interseções e reuniões de intervalos de números reais,		
números reais.	representando-as, quando possível, sob a forma de um intervalo ou,		
Representação na reta	caso contrário, de uma união de intervalos disjuntos.		
numérica			
. Inequações em IR			
v moquuşoos om m			
	1. Identificar, dadas duas funções numéricas f e g, uma «inequação»		
	com uma «incógnita $x$ » como uma expressão da forma « $f(x) < g(x)$ »,		
	designar, neste contexto, « $f(x)$ » por «primeiro membro da inequação»,		
	(g(x))» por «segundo membro da inequação», qualquer $a$ tal que		
	f(a) < g(a) por «solução» da inequação e o conjunto das soluções por		
	«conjunto-solução».		
	2. Designar uma inequação por «impossível» quando o conjunto-		
	-solução é vazio e por «possível» no caso contrário.		
	-sorução e vazio e por «possiver» no caso contrario.		
	3. Identificar duas inequações como «equivalentes» quando tiverem o		
	mesmo conjunto-solução.		
	4. Reconhecer que se obtém uma inequação equivalente a uma dada		
	inequação adicionando ou subtraindo um mesmo número a ambos os		
	membros, multiplicando-os ou dividindo-os por um mesmo número		
	positivo ou multiplicando-os ou dividindo-os por um mesmo número		
	negativo invertendo o sentido da desigualdade e designar estas		
	propriedades por «princípios de equivalência».		

	<ul> <li>5. Designar por «inequação do 1.º grau com uma incógnita» ou simplesmente «inequação do 1.º grau» qualquer inequação f(x)<g(x)» 1.º="" afins="" canónica.<="" coeficientes="" de="" distintos="" do="" e="" f="" forma="" funções="" g="" grau="" inequações="" li="" na="" que="" representando="" simplificar="" são="" tal="" x=""> <li>6. Simplificar os membros de uma inequação do 1.º grau e aplicar os princípios de equivalência para mostrar que uma dada inequação do 1.º grau é equivalente a uma inequação em que o primeiro membro é dado por uma função linear de coeficiente não nulo e o segundo membro é constante (ax<b).< li=""> <li>7. Resolver inequações do 1.º grau apresentando o conjunto-solução na forma de um intervalo.</li> </b).<></li></g(x)»></li></ul>		
. Conjunção e disjunção de inequações. Resolução de problemas envolvendo inequações	<ol> <li>Resolver conjunções e disjunções de inequações do 1.º grau e apresentar o conjunto-solução na forma de um intervalo ou como reunião de intervalos disjuntos.</li> <li>Resolver problemas envolvendo inequações do 1.º grau.</li> </ol>		10
. Valores aproximados de números reais	1. Identificar, dado um número $x$ e um número positivo $r$ , um número $x$ ' como uma «aproximação de $x$ com erro inferior a $r$ » quando $x$ ' $\in$ ] $x$ - $r$ , $x$ + $r$ [.		
	2. Reconhecer, dados dois números reais $x$ e $y$ e aproximações $x$ ' e $y$ ' respetivamente de $x$ e $y$ com erro inferior a $r$ , que $x$ '+ $y$ ' é uma aproximação de $x$ + $y$ com erro inferior a $2r$ .		
	3. Aproximar o produto de dois números reais pelo produto de aproximações dos fatores, majorando por enquadramentos o erro cometido.		

4. Aproximar raízes quadradas (respetivamente cúbicas) com erro inferior a um dado valor positivo r, determinando números racionais cuja distância seja inferior a r e cujos quadrados (respetivamente cubos) enquadrem os números dados. 5. Resolver problemas envolvendo aproximações de medidas de grandezas em contextos diversos. **Funções** .Grandezas inversamente 1. Identificar uma grandeza como «inversamente proporcional» a outra Neste capítulo recordam-se e explicam-se quando dela depende de tal forma que, fixadas unidades, ao multiplicar proporcionais conhecimentos acerca da relação entre duas a medida da segunda por um dado número positivo, a medida da variáveis. Os alunos recordam a noção de primeira fica multiplicada pelo inverso desse número. proporcionalidade direta através situações/problemas apresentados e aprendem 2. Reconhecer que uma grandeza é inversamente proporcional a outra a noção de proporcionalidade inversa. Os da qual depende quando, fixadas unidades, o produto da medida da contraexemplos são essenciais para clarificar primeira pela medida da segunda é constante e utilizar corretamente o estes dois conceitos. termo «constante de proporcionalidade inversa». 3. Reconhecer que se uma grandeza é inversamente proporcional a Na análise de uma função, os alunos devem outra então a segunda é inversamente proporcional à primeira e as identificar o domínio, o contradomínio e determinar imagens de objetos quando a constantes de proporcionalidade inversa são iguais. função é dada por uma tabela, por um gráfico 4. Resolver problemas envolvendo grandezas inversamente e e por uma expressão algébrica. diretamente proporcionais em contextos variados. Os alunos devem compreender a influência da variação dos parâmetros a e b (na expressão y = ax + b) no gráfico dafunção. 1. Reconhecer, dada uma grandeza inversamente proporcional a outra, .Funções proporcionalidade inversa que, fixadas unidades, a «função de proporcionalidade inversa f» que Propor a representação algébrica de uma: associa à medida m da segunda a correspondente medida y = f(m) da - função linear sendo dado um objeto não primeira satisfaz, para todo o número real positivo x, nulo e a sua imagem;

	$f(xm) = \frac{1}{x}f(m)$ (ao multiplicar a variável independente $m$ por um dado número positivo, a variável dependente $y = f(m)$ fica multiplicada pelo inverso desse número) e, considerando $m = 1$ , que $f$ é uma função dada por uma expressão da forma $f(x) = \frac{a}{x}$ , onde $a = f(1)$ e concluir que $a$ é a constante de proporcionalidade inversa.	<ul> <li>função afim sendo dados dois objetos e as suas imagens.</li> <li>Apresentar vários exemplos e trabalhar situações problemáticas de proporcionalidade inversa, extraídas da vida real ou doutras ciências.</li> </ul>	
	<ol> <li>Saber, fixado um referencial cartesiano no plano, que o gráfico de uma função de proporcionalidade inversa é uma curva designada por «ramo de hipérbole» cuja reunião com a respetiva imagem pela reflexão central relativa à origem pertence a um conjunto mais geral de curvas do plano designadas por «hipérboles».</li> <li>Resolver problemas envolvendo funções de proporcionalidade inversa em diversos contextos</li> </ol>	Ajudar os alunos a identificar em cada caso a constante de proporcionalidade e o seu significado, se este for claro para os alunos.  A partir da representação gráfica de uma função linear ou afim, identificar a imagem dado o objeto e o objeto dada a imagem.  Trabalhar tabelas e gráficos.	
. Funções do tipo y=ax²	1. Saber, fixado um referencial cartesiano no plano, que o gráfico de uma função dada por uma expressão da forma $f(x) = ax^2$ (número real não nulo) é uma curva designada por «parábola de eixo vertical e vértice na origem».	Na representação gráfica de funções quadráticas utilizar valores inteiros de a (positivos e negativos). Os alunos devem compreender a influência da variação do parâmetro a no gráfico da função.	10
	2. Reconhecer que o conjunto-solução da equação de 2.º grau $ax^2 + bx + c = 0$ é o conjunto das abcissas dos pontos de interseção da parábola de equação $y = ax^2$ , com a reta de equação $y = -bx - c$ .	Apresentar gráficos para os alunos interpretar e analisar, pedindo-lhes que identifiquem o que traduz uma determinada situação, ou que descrevam por palavras suas a situação apresentada nesse gráfico.	
		Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para trabalho de casa.	

		Ajudar os alunos a compreenderem a influência da variação do parâmetro <i>a</i> no gráfico da função.  Elaborar composições matemáticas de situações contextualizadas onde se privilegia a análise e interpretação de gráficos.	
	1. Revisões do 8.º ano		
Equações  .Operações com polinómios.  .Decomposição em fatores.	1. Determinar, dado um polinómio do 2.º grau na variável $x$ , $ax^2 + bx + c$ , uma expressão equivalente da forma $a(x + d)^2 + e$ , onde $d$ e $e$ são números reais e designar este	Começar a resolução de equações do 2.ºgrau pelas equações incompletas. Utilizar a noção de raiz quadrada, a decomposição em fatores e lei do anulamento do produto e a fórmula resolvente.	
Resolução de equações do 2.º grau incompletas (Revisão)	procedimento por «completar o quadrado».	Resolver problemas diversificados – geométricos, numéricos, idades, etc. – envolvendo vários conhecimentos adquiridos ao longo deste ciclo.	
Lei do anulamento do produto. Resolução de equações do 2.º grau incompletas (Revisão)	2. Resolver equações do 2.º grau começando por completar o quadrado e utilizando os casos notáveis da multiplicação.	Apresentar a fórmula resolvente, sem demonstração, como outro processo a que o aluno pode recorrer quando a decomposição não é evidente.	
. Resolução de equações do 2.º grau completas.		Para resolver a equação do 2.º grau $(x-3)^2 = 7$ , a maioria dos alunos desenvolve o quadrado do binómio, passa o 7 para o primeiro membro e, em seguida, aplica a fórmula resolvente. Alerta-se para um combate sistemático deste tipo de mecânica.	
.Binómio discriminante. Fórmula resolvente	1. Reconhecer que uma equação do 2.º grau na variável x,	A ideia é levar o aluno a desenvolver outra estratégia de resolução mais rápida, por exemplo: $x-3=\pm\sqrt{7}$ onde as soluções são: $3+\sqrt{7}$ ou	

	$ax^2 + bx + c = 0$ , é equivalente à equação $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2}$ e designar a expressão $\Delta = b^2 - 4ac$ por «binómio discriminante» ou simplesmente «discriminante» da equação.  2. Reconhecer que uma equação do 2.º grau não tem soluções se o	3 – √7 .	
	respetivo discriminante é negativo, tem uma única solução $\left(x = -\frac{b}{2a}\right) \text{ se o discriminante é nulo e tem duas soluções}$ $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \text{ se o discriminante for positivo, e designar este}$ resultado por «fórmula resolvente».		
	3. Saber de memória a fórmula resolvente e aplicá-la à resolução de equações completas do 2.º grau.		
.Resolução de problemas envolvendo equações do 2.º grau	1. Resolver problemas geométricos e algébricos envolvendo equações do 2.º grau.		
Avaliação	Fichas de Avaliação (2) Fichas Temáticas (2) Correção de fichas de avaliação (2)		6

# 2º PERÍODO

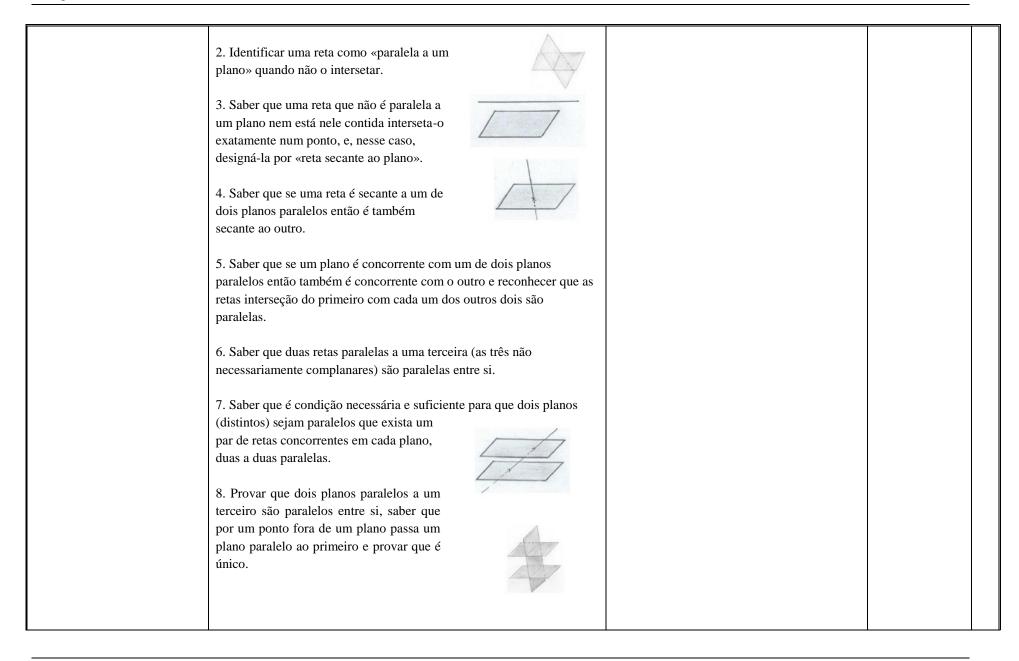
Nº de Aulas Previstas: 60

METAS DE APRENDIZAGEM	ESTRATÉGIAS	RECURSOS	L
		Quadro a canata	10
	Solicitar a explicação e justificação de ideias,	Quadro e caneta	
	processos e resultados matemáticos.	Livro adotado	
1. Identificar uma «teoria» como um dado conjunto de proposições consideradas verdadeiras, incluindo-se também na teoria todas as proposições que delas forem dedutíveis logicamente.	Incentivar a exposição e a discussão de ideias, processos e resultados matemáticos.	Caderno de Atividades da disciplina	
	<ol> <li>Identificar uma «teoria» como um dado conjunto de proposições consideradas verdadeiras, incluindo-se também na teoria todas as</li> </ol>	Solicitar a explicação e justificação de ideias, processos e resultados matemáticos.  1. Identificar uma «teoria» como um dado conjunto de proposições consideradas verdadeiras, incluindo-se também na teoria todas as processos e resultados matemáticos.	Solicitar a explicação e justificação de ideias, processos e resultados matemáticos.  1. Identificar uma «teoria» como um dado conjunto de proposições consideradas verdadeiras, incluindo-se também na teoria todas as proposições que delas forem dedutíveis logicamente.  Solicitar a explicação e justificação de ideias, processos e resultados matemáticos.  Incentivar a exposição e a discussão de ideias, processos e resultados matemáticos.  Caderno de Atividades da disciplina

que, dadas duas delas numa forma rigorosa, é possível definir os termos e relações primitivas de uma através dos termos e relações

pelo aluno, de simbologia e 2. Reconhecer, no âmbito de uma teoria, que para não se incorrer em consistente, Fichas de vocabulário adequados às situações. trabalho raciocínio circular ou numa cadeia de deduções sem fim, é necessário fixar alguns objetos («objetos primitivos»), algumas relações entre Realizar as atividades propostas no livro, objetos que não se definem a partir de outras («relações primitivas») e corrigindo-as à medida que os alunos as forem Atividades de algumas proposições que se consideram verdadeiras sem as deduzir de Grupo concluindo e propor outras tarefas para trabalho de outras («axiomas»). casa. Material diverso 3. Designar por «axiomática de uma teoria» um conjunto de objetos fornecido pelo primitivos, relações primitivas e axiomas a partir dos quais todos os professor objetos e relações da teoria possam ser definidos e todas as proposições verdadeiras demonstradas e utilizar corretamente os Exercícios/Probl emas do Banco termos «definição», «teorema» e «demonstração» de um teorema. de Itens para o 3.° ciclo 4. Saber que os objetos primitivos, relações primitivas e axiomas de algumas teorias podem ter interpretações intuitivas que permitem aplicar os teoremas à resolução de problemas da vida real e, em Exercícios de consequência, testar a validade da teoria como modelo da realidade em Exames determinado contexto. Nacionais e Testes 5. Distinguir «condição necessária» de «condição suficiente» e utilizar Intermédios de corretamente os termos «hipótese» e «tese» de um teorema e o símbolo anos letivos «⇒». anteriores 6. Saber que alguns teoremas podem ser designados por «lemas», Calculadora quando são considerados resultados auxiliares para a demonstração de científica um teorema considerado mais relevante, e outros por «corolários» Material de quando no desenvolvimento de uma teoria surgem como desenho consequências estreitamente relacionadas com um teorema considerado mais relevante. 7. Saber que para a Geometria Euclidiana foram apresentadas historicamente diversas axiomáticas que foram sendo aperfeiçoadas, e

	primitivas da outra e demonstrar os axiomas de uma a partir dos		_
	axiomas da outra, designando-se, por esse motivo, por «axiomáticas		
	equivalentes» e conduzindo aos mesmos teoremas.		
	equivalentes» e conduzindo aos mesmos teoremas.		
	O Calan and anter autora manifolii da dan aniatam aniamétican da		
	8. Saber que, entre outras possibilidades, existem axiomáticas da		
	Geometria que tomam como objetos primitivos os pontos, as retas e os		
	planos e outras apenas os pontos, e que a relação «B está situado entre		
	$A \in C$ » estabelecida entre pontos de um trio ordenado $(A, B, C)$ , assim		
	como a relação «os pares de pontos $(A, B)$ e $(C, D)$ são equidistantes»,		
	entre pares de pontos podem ser tomadas como relações primitivas da		
	Geometria.		
	9. Saber que na forma histórica original da Axiomática de Euclides se		
	distinguiam «postulados» de «axiomas», de acordo com o que se		
	supunha ser o respetivo grau de evidência e domínio de aplicabilidade,		
	e que nas axiomáticas atuais essa distinção não é feita, tomando-se o		
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
	termo «postulado» como sinónimo de «axioma», e enunciar exemplos		
	de postulados e axiomas dos «Elementos de Euclides».		
	10. Identificar «lugar geométrico» como o conjunto de todos os pontos		
	que satisfazem uma dada propriedade.		
	11. Demonstrar que se uma reta interseta uma de duas paralelas e é		
	com elas complanar então interseta a outra.		
	12. Demonstrar que são iguais os ângulos correspondentes		
	determinados por uma secante em duas retas paralelas.		
	Demonstrar que duas retas paralelas a uma terceira num dado plano		
	são paralelas entre si.		
. Paralelismo de retas e planos	1. Saber que a interseção de dois planos não paralelos é uma reta e,		
no espaço	nesse caso, designá-los por «planos concorrentes».		
	<u> </u>	<u> </u>	—

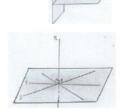


.Perpendicularidade de retas e planos. Distâncias

1. Reconhecer, dados dois planos  $\alpha$  e  $\beta$  que se intersetam numa reta r, que são iguais dois quaisquer ângulos convexos  $A_1O_1B_1$  e  $A_2O_2B_2$  de vértices em r e lados perpendiculares a r de forma que os lados  $\dot{O}_1A_1$  e  $\dot{O}_2A_2$  estão num mesmo semiplano determinado por r em  $\alpha$  e os lados  $\dot{O}_1B_1$  e  $\dot{O}_2B_2$ estão num mesmo semiplano determinado por r em  $\beta$ , e designar qualquer dos ângulos e a respetiva amplitude comum por «ângulo dos dois semiplanos».



2. Designar por «semiplanos perpendiculares» dois semiplanos que formam um ângulo reto e por «planos perpendiculares» os respetivos planossuporte.



- 3. Saber que se uma reta r é perpendicular a duas retas s e t num mesmo ponto P, é igualmente perpendicular a todas as retas complanares a s e t que passam por P e que qualquer reta perpendicular a r que passa por P está contida no plano determinado pelas retas s e t.
- 4.Identificar uma reta como «perpendicular a um plano» num ponto P quando é perpendicular em P a um par de retas distintas desse plano e justificar que uma reta perpendicular a um plano num ponto P é perpendicular a todas as retas do plano que passam por P.
- 5. Provar que é condição necessária e suficiente para que dois planos sejam perpendiculares que um deles contenha uma reta perpendicular ao outro.



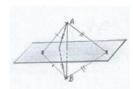
> 6. Saber que existe uma reta perpendicular a um plano passando por um dado ponto, provar que é única e designar a interseção da reta com o plano por «pé da perpendicular» e por «projeção ortogonal do ponto no plano» e, no caso em que o ponto pertence ao plano, a reta por «reta normal ao plano em A».



7. Saber, dada uma reta r e um ponto P, que existe um único plano perpendicular a r passando por P, reconhecer que é o lugar geométrico dos pontos do espaço que determinam com P, se pertence a r, ou com o pé da perpendicular traçada de P para r, no caso contrário, uma reta perpendicular a r e designar esse plano por «plano perpendicular (ou normal) a r passando por P» e, no caso de P pertencer à reta, por «plano normal a rem P».

- 8. Reconhecer que se uma reta é perpendicular a um de dois planos paralelos, então é perpendicular ao outro e que dois planos perpendiculares a uma mesma reta são paralelos.
- 9. Designar por «plano mediador» de um segmento de reta [AB] o plano normal à reta-suporte do segmento de reta no respetivo ponto médio e reconhecer que é o lugar geométrico dos pontos do espaço equidistantes de A e B.

10. Resolver problemas envolvendo as posições relativas de retas e planos.



> 2. Saber que a decomposição de um prisma triangular reto em três pirâmides com o mesmo volume permite mostrar que a medida, em

Áreas e volumes de sólidos

Volume de

pirâmide.

pirâmide

11. Identificar, dado um ponto P e um plano  $\pi$ , a «distância entre o ponto e o plano» como a distância de P à respetiva projeção ortogonal em  $\pi$  e provar que é inferior à distância de P a qualquer outro ponto do plano. 12. Reconhecer, dada uma reta r paralela a um plano  $\alpha$ , que o plano  $\pi$  definido pela reta r e pelo pé da perpendicular traçada de um ponto de r para  $\alpha$  é perpendicular ao plano  $\alpha$ , que os pontos da reta p interseção dos planos  $\alpha$  e  $\pi$  são os pés das perpendiculares traçadas dos pontos da reta r para o plano  $\pi$ , designar p por «projeção ortogonal da reta no plano  $\alpha$ » e a distância entre as retas paralelas r e p por «distância entre a reta r e o plano  $\alpha$ », justificando que é menor do que a distância de qualquer ponto de r a um ponto do plano distinto da respetiva projeção ortogonal. 13. Reconhecer, dados dois planos paralelos  $\alpha \in \beta$ , que são iguais as distâncias entre qualquer ponto de um e a respetiva projeção ortogonal no outro, designar esta distância comum por «distância entre os planos  $\alpha$  e  $\beta$ » e justificar que é menor que a distância entre qualquer par de pontos, um em cada um dos planos, que não sejam projeção ortogonal um do outro. da superfície de uma uma 1. Identificar a área da superfície de um poliedro como a soma das 16 áreas das respetivas faces.

unidades cúbicas, do volume de qualquer pirâmide triangular é igual a um terço do produto da medida, em áreas quadradas, da área de uma base pela medida da altura correspondente.

.Área da superfície de um cone. Volume de um cone 3.Reconhecer, por decomposição em pirâmides triangulares, que a medida, em unidades cúbicas, do volume de qualquer pirâmide é igual a um terço do produto da medida, em unidades quadradas, da área da base pela medida da altura.

- 1. Reconhecer, fixada uma unidade de comprimento, que a medida, em unidades quadradas, da área (da superfície) lateral de um cone reto é igual ao produto da medida do comprimento da geratriz pelo raio da base multiplicado por  $\pi$ , sabendo que pode ser aproximada pelas áreas (das superfícies) laterais de pirâmides com o mesmo vértice e bases inscritas ou circunscritas à base do cone, ou, em alternativa, observando que a planificação da superfície lateral corresponde a um setor circular de raio igual à geratriz.
- 2. Saber que, numa dada circunferência ou em circunferências iguais, o comprimento de um arco de circunferência e a área de um setor circular são diretamente proporcionais à amplitude do respetivo ângulo ao centro.
- 3. Saber que numa dada circunferência ou em circunferências iguais, arcos (respetivamente setores circulares) com comprimentos (respetivamente áreas) iguais são geometricamente iguais.
- 4. Saber que a medida, em unidades cúbicas, do volume de um cone é igual a um terço do produto da medida, em unidades quadradas, da área da base pela medida da altura, por se poder aproximar por volumes de pirâmides de bases inscritas e circunscritas à base do cone e o mesmo vértice.

Solicitar a explicação e justificação de ideias, processos e resultados matemáticos.

Incentivar a exposição e a discussão de ideias, processos e resultados matemáticos.

Promover o desenvolvimento da capacidade de cálculo numérico do aluno (mental, escrito e com recurso à calculadora), de escolher o processo de cálculo numérico mais adequado a cada situação, de decidir quanto à utilização de valores aproximados e de avaliar a ordem de grandeza e da adequação da solução encontrada para determinado problema ou questão.

Criar situações em que os alunos interpretem e critiquem as soluções de um problema (ou inexistência de soluções) no seu contexto.

Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para trabalho de casa.

Efetuar uma Preparação para Exame no final da unidade, com exercícios/problemas saídos em Exames Nacionais, Provas de Aferição e Testes Intermédios

.Área de uma superfície esférica.

Volume de uma esfera			
	1. Saber que a medida, em unidades quadradas, da área de uma		
	superfície esférica é igual a $4\pi R^2$ , onde $R$ é o raio da esfera.		
	2. Saber que a medida, em unidades cúbicas, do volume de uma esfera		
	$\oint e^{-1} \operatorname{igual} a = \frac{4}{3} \pi R^3$ , onde $R \in e^{-1}$ or all $e^{-1}$ or		
Trigonometria no triângulo			
rectângulo	3. Resolver problemas envolvendo o cálculo de áreas e volumes de		
	sólidos.		
.Razões trigonométricas de um ângulo agudo			
	1. Construir, dado um ângulo agudo $\theta$ , triângulos retângulos dos quais		18
	$\theta$ é um dos ângulos internos, traçando perpendiculares de um ponto		
	qualquer, distinto do vértice, de um dos lados de $\theta$ para o outro lado,		
	provar que todos os triângulos que assim se podem construir são		
	semelhantes e também semelhantes a qualquer triângulo retângulo que		
	tenha um ângulo interno igual a $\theta$ .		
	2. Designar, dado um ângulo agudo $\theta$ interno a um triângulo retângulo		
	e uma unidade de comprimento, por «seno de $\theta$ » o quociente entre as		
	medidas do comprimento do cateto oposto a $\theta$ e da hipotenusa e	Apresentar as definições de seno, cosseno e	
	representá-lo por $\sin(\theta)$ , $\sin\theta$ , $\sin\theta$ ou $\sin\theta$ .	tangente de um ângulo agudo.	
	3. Designar, dado um ângulo agudo $\theta$ interno a um triângulo retângulo	Identificar o seno, o cosseno e a tangente de um	
	e uma unidade de comprimento, por «cosseno de $\theta$ » o quociente entre	ângulo agudo dado como razões obtidas a partir de	
	as medidas do comprimento do cateto adjacente a $\theta$ e da hipotenusa e	elementos de um triângulo retângulo.	
	representá-lo por $\cos(\theta)$ ou $\cos\theta$ .	Referir o uso da tabela e da calculadora	
	representá-lo por $\cos(\theta)$ ou $\cos\theta$ .	Referir o uso da tabela e da calculadora.	

Propiciar ao aluno que, ao elaborar justificações, 4. Designar, dado um ângulo agudo  $\theta$  interno a um triângulo retângulo produzindo cadeias dedutivas, se familiarize com o e uma unidade de comprimento, por «tangente de  $\theta$ » o quociente entre processo de demonstração e se inicie no raciocínio as medidas do comprimento do cateto oposto a  $\theta$ e do cateto adjacente geométrico dedutivo. a  $\theta$  e representá-lo por tan( $\theta$ ), tan $\theta$ , tg( $\theta$ ) ou tg $\theta$ . Para uma boa compreensão dos conceitos introduzidos propor aos alunos a determinação de 5. Designar seno de  $\theta$ , cosseno de  $\theta$  e tangente de  $\theta$  por «razões valores aproximados de razões trigonométricas de trigonométricas» um ângulo, por exemplo 40°, utilizando triângulos de  $\theta$ . retângulos diferentes e comparando os resultados. 6. Reconhecer, fixada uma unidade de comprimento e dados dois Apresentar aplicações da trigonometria à Física, à ângulos  $\theta \in \theta'$  com a mesma amplitude  $\theta = \theta'$ , que o seno, cosseno e Astronomia e a situações da vida real. tangente de  $\theta$  são respetivamente iguais ao seno, cosseno e tangente de Com os conhecimentos de Trigonometria pode  $\theta$ ' e designá-los também respetivamente por seno, cosseno e tangente ainda propor-se outros problemas tais como: de  $\theta$ . determinar valores aproximados do apótema de um hexágono regular, conhecido o lado; e determinar .Relação 7. Justificar que o valor de cada uma das razões trigonométricas de um valores aproximados do lado de um triângulo trigonométricas de um ângulo equilátero inscrito numa circunferência conhecido ângulo agudo  $\theta$  (e da respetiva amplitude) é independente da unidade agudo o raio. de comprimento fixada. Utilizar materiais manipuláveis como recursos que 8. Reconhecer que o seno e o cosseno de um ângulo agudo são permitem uma abordagem dinâmica do estudo da números positivos menores do que 1. Geometria. Estabelecer relações trigonométricas básicas entre 1. Provar que a soma dos quadrados do seno e do cosseno de um o seno, o cosseno e a tangente de um ângulo ângulo agudo é igual a 1 e designar este resultado por «fórmula agudo. fundamental da Trigonometria». Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem 2. Provar que a tangente de um ângulo agudo é igual à razão entre os .Razões trigonométricas de 30°, concluindo e propor outras tarefas para trabalho de respetivos seno e cosseno. 45° e 60°. Resolução de problemas casa. envolvendo razões 3. Provar que seno de um ângulo agudo é igual ao cosseno de um trigonométricas Executar trabalhos em grupo, tais como: ângulo complementar. construção de um medidor de ângulos rudimentar,

		resolução de um problema concreto, apresentação de um trabalho sobre a trigonometria na história da Matemática, etc.	
	<ol> <li>Determinar, utilizando argumentos geométricos, as razões trigonométricas dos ângulos de 45°, 30° e 60°.</li> <li>Utilizar uma tabela ou uma calculadora para determinar o valor</li> </ol>	Efetuar uma Preparação para Exame no final da unidade, com exercícios/problemas saídos em Exames Nacionais, Provas de Aferição e Testes Intermédios.	
	(exato ou aproximado) da amplitude de um ângulo agudo a partir de uma das suas razões trigonométricas.		
.Resolução de problemas em diversos contextos utilizando	3. Resolver problemas envolvendo a determinação de distâncias utilizando as razões trigonométricas dos ângulos de 45°, 30° e 60°.		
razões trigonométricas	4. Resolver problemas envolvendo a determinação de distâncias utilizando ângulos agudos dados e as respetivas razões trigonométricas dadas por uma máquina de calcular ou por uma tabela		
Lugares geométricos. Circunferência	5. Resolver problemas envolvendo a determinação de distâncias a pontos inacessíveis utilizando ângulos agudos e as respetivas razões trigonométricas.		
.Lugares geométricos no plano			8
	Identificar «lugar geométrico» como o conjunto de todos os pontos que satisfazem uma dada propriedade.		
.Lugares geométricos	2. Resolver problemas envolvendo lugares geométricos no plano.		
envolvendo pontos notáveis em triângulos.			
	Provar que as mediatrizes dos lados de um triângulo se intersetam num ponto, designá-lo por «circuncentro do triângulo» e provar que o circuncentro é o centro da única circunferência circunscrita ao		

triângulo.

2. Provar que a bissetriz de um ângulo convexo é o lugar geométrico dos pontos do ângulo que são equidistantes das retas-suporte dos lados do ângulo.

- 3. Provar que as bissetrizes dos ângulos internos de um triângulo se intersetam num ponto, designá-lo por «incentro do triângulo» e provar que o incentro é o centro da circunferência inscrita ao triângulo.
- 4. Saber que as retas-suporte das três alturas de um triângulo são concorrentes e designar o ponto de interseção por «ortocentro» do triângulo.
- 5. Justificar que a reta que bisseta dois dos lados de um triângulo é paralela ao terceiro e utilizar a semelhança de triângulos para mostrar que duas medianas se intersetam num ponto que dista do vértice  $\frac{2}{3}$  do comprimento da respetiva mediana e concluir que as três medianas de um triângulo são concorrentes, designando-se o ponto de interseção por «baricentro», «centro de massa» ou «centroide» do triângulo.
- Determinar, por construção, o incentro, circuncentro, ortocentro e baricentro de um triângulo.

.Arcos, cordas, circunferências e retas

- 1. Identificar «arco de circunferência» como a interseção de uma dada circunferência com um ângulo ao centro e utilizar corretamente o termo «extremos de um arco».
- 2. Designar, dados dois pontos A e B de uma circunferência de centro

Definir os elementos geométricos: ângulos ao centro e inscritos, cordas, arcos, tangentes.

Propor como exemplos de relações:

- A tangente à circunferência é perpendicular ao raio no ponto de tangência;
- A perpendicular a uma corda que passa pelo centro da circunferência bisseta a corda.

Referir as propriedades dos elementos anteriores usando exercícios de observação que permitam aos alunos estabelecer relações entre os ângulos e os arcos correspondentes.

Para adquirir os conhecimentos das propriedades de ângulos, cordas e arcos definidos numa circunferência, consultar as Metas Curriculares para Ensino Básico, tendo em atenção as demonstrações exigidas.

Propor a determinação da área dos sectores circulares recorrendo à proporcionalidade, podendo também pedir-se uma estimativa para a relação entre a área de um sector e o círculo correspondente.

Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para trabalho de casa.

Realizar atividades práticas recorrendo a instrumentos de medição e desenho para chegar a propriedades e formular conjeturas.

Partir da área do triângulo para chegar à fórmula da área do polígono regular.

Recorrer a instrumentos de medida e de desenho

O, não diametralmente opostos, por «arco menor AB», ou simplesmente «arco AB», o arco determinado na circunferência pelo ângulo ao centro convexo AOB.

- 3. Designar, dados dois pontos A e B de uma circunferência de centro O, não diametralmente opostos, por «arco maior AB», o arco determinado na circunferência pelo ângulo ao centro côncavo AOB.
- 4. Representar, dados três pontos *A*, *B* e *P*, e de uma dada circunferência, por arco *APB* o arco de extremos *A* e *B* que contém o ponto *P*.
- 5. Designar, dados dois pontos *A* e *B* de uma circunferência, por «corda *AB*» o segmento de reta [*AB*], os arcos de extremos *A* e *B* por «arcos subtensos pela corda *AB*», e quando se tratar de um arco menor, designá-lo por «arco correspondente à corda *AB*».
- 6. Reconhecer, numa circunferência ou em circunferências iguais, que cordas e arcos determinados por ângulos ao centro iguais também são iguais e vice--versa.
- 7. Identificar a «amplitude de um arco de circunferência *APB*», como a amplitude do ângulo ao centro correspondente e representá-la por *APB*, ou simplesmente por *AB* quando se tratar de um arco menor.
- 8. Reconhecer que são iguais arcos (respetivamente cordas) determinados por duas retas paralelas e entre elas compreendidos.
- 9. Demonstrar que qualquer reta que passa pelo centro de uma circunferência e é perpendicular a uma corda a bisseta, assim como aos arcos subtensos e aos ângulos ao centro correspondentes.

na realização de desenhos e construções com rigor adequado.

Possibilitar aos alunos a exploração dos conceitos e propriedades geométricas, tanto no plano como no espaço, numa lógica de resolução de problemas.

Propiciar ao aluno que ao elaborar justificações, produzindo cadeias dedutivas, se familiarize com o processo de demonstração e se inicie no raciocínio geométrico dedutivo.

Criar situações em que os alunos interpretem e critiquem as soluções de um problema (ou inexistência de soluções) no contexto.

Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para trabalho de casa.

.Ângulos inscritos numa circunferência

	1. Designar por «ângulo inscrito» num arco de circunferência qualquer ângulo de vértice no arco e distinto dos extremos e com lados passando por eles, o arco por «arco capaz do ângulo inscrito» e utilizar corretamente a expressão «arco compreendido entre os lados» de um ângulo inscrito.  2. Demonstrar que a amplitude de um ângulo inscrito é igual a metade da amplitude do arco compreendido entre os respetivos lados e, como corolários, que ângulos inscritos no mesmo arco têm a mesma	
.Outros ângulos excêntricos	amplitude e que um ângulo inscrito numa semicircunferência é um ângulo reto.  1. Designar por «segmento de círculo» a região do círculo	
	compreendida entre uma corda e um arco por ela subtenso, dito «maior» quando o arco for maior e «menor» quando o arco for menor.  2. Provar que um ângulo de vértice num dos extremos de uma corda, um dos lados contendo a corda e o outro tangente à circunferência («ângulo do segmento»), tem amplitude igual a metade da amplitude do arco compreendido entre os seus lados.	
	3. Designar por ângulo «ex-inscrito num arco de circunferência» um ângulo adjacente a um ângulo inscrito e a ele suplementar, e provar que a amplitude de um ângulo ex-inscrito é igual à semissoma das amplitudes dos arcos correspondentes às cordas que as retas-suporte dos lados contêm.	
	4. Provar que a amplitude de um ângulo convexo de vértice no interior de um círculo é igual à semissoma das amplitudes dos arcos compreendidos entre os lados do ângulo e os lados do ângulo verticalmente oposto.	

	5. Provar que a amplitude de um ângulo de vértice exterior a um círculo e cujos lados o intersetam é igual à semidiferença entre a maior e a menor das amplitudes dos arcos compreendidos entre os respetivos lados.	
Avaliação	Fichas de Avaliação (2) Fichas Temáticas (2) Preparação para Exame Nacional (2) Correção das fichas de avaliação (2)	8

# 3º PERÍODO

Nº de Aulas Previstas: 40

CONTEÚDOS	METAS DE APRENDIZAGEM	ESTRATÉGIAS	RECURSOS	TL
Lugares geométricos. Circunferência  .Ângulos internos e ângulos externos de um polígono	1. Provar que a soma das medidas das amplitudes, em graus, dos ângulos internos de um polígono convexo com $n$ lados é igual a $(n-2)180$ e deduzir que a soma de $n$ ângulos externos com vértices distintos é igual a um ângulo giro.			6

.Polígono inscritos numa circunferência	<ol> <li>Resolver problemas envolvendo a amplitude de ângulos e arcos definidos numa circunferência.</li> <li>Provar que a soma dos ângulos opostos de um quadrilátero inscrito numa circunferência é igual a um ângulo raso.</li> <li>Construir, aproximadamente, utilizando o transferidor, um polígono regular com n lados inscrito numa circunferência sendo conhecido um dos seus vértices e o centro da circunferência.</li> <li>Resolver problemas envolvendo a amplitude de ângulos internos e externos de polígonos regulares inscritos numa circunferência.</li> </ol>			
Organização e tratamento de dados .Histogramas	<ol> <li>Estender a noção de variável estatística quantitativa ao caso em que cada classe fica determinada por um intervalo de números, fechado à esquerda e aberto à direita, sendo esses intervalos disjuntos dois a dois e de união igual a um intervalo (e estender também ao caso em que se interseta cada um desses intervalos com um conjunto finito predeterminado de números), designando também cada intervalo por «classe».</li> <li>Identificar uma variável estatística quantitativa como «discreta» quando cada classe fica determinada por um número ou um conjunto finito de números e como «contínua» quando se associa a cada classe um intervalo.</li> <li>Reagrupar as unidades de uma população em classes com base num conjunto de dados numéricos de modo que as classes tenham uma mesma amplitude pré-fixada e designar este processo por «agrupar os</li> </ol>	Criar situações em que os alunos interpretem e critiquem as soluções de um problema (ou inexistência de soluções) no contexto.  Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para trabalho de casa.  Recorrer, quando conveniente, a diagramas de árvore e tabelas de dupla entrada para identificar os resultados possíveis.  Favorecer a motivação dos alunos promovendo atividades lúdicas, por exemplo, jogos de lançamento de dados, para utilizar/aplicar conceitos relacionados com probabilidades.	Quadro e caneta Livro adotado Caderno de Atividades da disciplina Fichas de trabalho	18

	<ul> <li>4. Identificar, considerado um conjunto de dados agrupados em classes, «histograma» como um gráfico de barras retangulares justapostas e tais que a área dos retângulos é diretamente proporcional à frequência absoluta (e, portanto, também à frequência relativa) de cada classe.</li> <li>5. Reconhecer que num histograma formado por retângulos de bases iguais a respetiva altura é diretamente proporcional à frequência absoluta e à frequência relativa de cada classe.</li> </ul>	de vezes que a experiência é repetida, melhor será a estimativa obtida para a probabilidade.  Salientar que ao atribuir um valor à probabilidade de um acontecimento, se está a exprimir o grau de convicção na sua ocorrência. Entre outras formas, pode quantificar-se esse valor recorrendo à regra de Laplace ou utilizando o conceito frequencista.  Chamar a atenção de que a regra de Laplace só é aplicável quando se pode admitir simetria (isto é, todos os resultados são igualmente possíveis).	Grupo  Material diverso fornecido pelo professor  Exercícios/Probl emas do Banco de Itens para o 3.º ciclo	
	6. Representar, em histogramas, conjuntos de dados agrupados em classes da mesma amplitude.	Salientar que a probabilidade pode ser escrita na forma de fração, decimal ou percentagem.	Exercícios de Exames Nacionais e	
.Linguagem da probabilidade	7. Resolver problemas envolvendo a representação de dados em tabelas de frequência, diagramas de caule-e-folhas e histogramas.  1. Identificar uma «experiência» como um processo que conduz a um resultado pertencente a um conjunto previamente fixado designado por «universo dos resultados» ou «espaço amostral», não se dispondo de informação que permita excluir a possibilidade de ocorrência de qualquer desses resultados, designar os elementos do espaço amostral por «casos possíveis» e a experiência por «determinista» quando existe um único caso possível e «aleatória» em caso contrário.	Estimar ou calcular probabilidades, quer utilizando a frequência relativa (conceito frequencista de probabilidade), quer considerando situações simples onde se possa admitir que os resultados da realização da experiência são igualmente possíveis (conceito clássico de Laplace).  Realizar as atividades propostas no livro, corrigindo-as à medida que os alunos as forem concluindo e propor outras tarefas para trabalho de casa.	Testes Intermédios de anos letivos anteriores  Calculadora científica Material de desenho	
	<ol> <li>Designar por «acontecimento» qualquer subconjunto do universo dos resultados de uma experiência aleatória e os elementos de um acontecimento por «casos favoráveis» a esse acontecimento e utilizar a expressão «o acontecimento A ocorre» para significar que o resultado da experiência aleatória pertence ao conjunto A.</li> <li>Designar, dada uma experiência aleatória, o conjunto vazio por</li> </ol>			
	acontecimento «impossível», o universo dos resultados por			

.Regra de Laplace	acontecimento «certo», um acontecimento por «elementar» se existir apenas um caso que lhe seja favorável e por «composto» se existir mais do que um caso que lhe seja favorável.  4. Designar dois acontecimentos por «incompatíveis» ou «disjuntos» quando a respetiva interseção for vazia e por «complementares» quando forem disjuntos e a respetiva reunião for igual ao espaço amostral.		
	<ol> <li>Descrever experiências aleatórias que possam ser repetidas mantendo um mesmo universo de resultados e construídas de modo que se espere, num número significativo de repetições, que cada um dos casos possíveis ocorra aproximadamente com a mesma frequência e designar os acontecimentos elementares dessas experiências por «equiprováveis».</li> <li>Designar, dada uma experiência aleatória cujos casos possíveis sejam em número finito e equiprováveis, a «probabilidade» de um</li> </ol>		
.Propriedades da probabilidade	acontecimento como o quociente entre o número de casos favoráveis a esse acontecimento e o número de casos possíveis, designar esta definição por «regra de Laplace» ou «definição de Laplace de probabilidade» e utilizar corretamente os termos «mais provável», «igualmente provável», «possível», «impossível» e «certo» aplicados, neste contexto, a acontecimentos.		
	<ol> <li>Reconhecer que a probabilidade de um acontecimento, de entre os que estão associados a uma experiência aleatória cujos casos possíveis sejam em número finito e equiprováveis, é um número entre 0 e 1 e, nesse contexto, que é igual a 1 a soma das probabilidades de acontecimentos complementares.</li> <li>Justificar que se A e B forem acontecimentos disjuntos se tem</li> </ol>		

.Probabilidade em experiências compostas	$P(A \cup B) = P(A) + P(B).$		
Compositus	3. Identificar e dar exemplos de acontecimentos possíveis, impossíveis,		
	elementares, compostos, complementares, incompatíveis e associados a		
	uma dada experiência aleatória.		
.Frequências relativas e			
probabilidade	1. Utilizar tabelas de dupla entrada e diagramas em árvore na resolução		
	de problemas envolvendo a noção de probabilidade e a comparação das		
	probabilidades de diferentes acontecimentos compostos.		
	1. Realizar experiências envolvendo a comparação das frequências		
	relativas com as respetivas probabilidades de acontecimentos em		
	experiências repetíveis (aleatórias), em casos em que se presume		
	equiprobabilidade dos casos possíveis.		
Avaliação	Fichas de Avaliação (1)		
	Fichas Temáticas (1)		
	Preparação para Exame Nacional (12)		
	Correção das fichas de avaliação (2)		

### ARTICULAÇÃO HORIZONTAL

A disciplina de Matemática irá articular com as disciplinas de Geografia, Ciências Naturais e Físico-Química, quando foram lecionados os conteúdos relacionados com a interpretação de gráficos e a consolidação da resolução das equações literais, de forma a promover nos alunos as competências a serem utilizadas, com eficiência, nos diversos temas abordados nas referidas disciplinas.

### MATEMÁTICA ARTICULAÇÃO VERTICAL

Unidade didática	9.º ano	8.º ano	7.º ano
PROBABILIDADES	<ul> <li>PROBABILIDADE</li> <li>Noção de fenómeno aleatório de experiência aleatória</li> <li>Noção e cálculo da probabilidade de um acontecimento</li> </ul>	PLANEAMENTO ESTATÍSTICO  Especificação do problema  Recolha de dados  População e amostra	<ul> <li>TRATAMENTO DE DADOS</li> <li>Organização, análise e interpretação de dados – histograma</li> <li>Medidas de localização e dispersão Discussão de resultados</li> </ul>
FUNÇÕES	<ul> <li>FUNÇÕES</li> <li>Proporcionalidade Inversa como função</li> <li>Funções do tipo y=ax²</li> </ul>	FUNÇÕES  Expressões algébricas Funções lineares e afim  SEQUÊNCIAS E  REGULARIDADES	FUNÇÕES SEQUÊNCIAS E REGULARIDADES  Termo geral de uma sequência numérica Conceito de função e de gráfico de uma função (domínio racionais não negativos) Proporcionalidade direta como função
EQUAÇÕES INEQUAÇÕES	<ul> <li>EQUAÇÕES</li> <li>Equações (completas) do 2.º grau a uma incógnita</li> <li>INEQUAÇÕES</li> <li>Inequações do 1.º grau a uma incógnita</li> </ul>	EQUAÇÕES DO 1°GRAU, EQUAÇÕES LITERAIS E EQUAÇÕES DO 2° GRAU INCOMPLETAS  • Equações do 1.° grau a uma incógnita (com denominadores)  • Sistemas de duas equações do 1.° grau a duas incógnitas  • Equações literais  • Operações com polinómios Equações (incompletas) do 2.° grau a uma incógnita	EQUAÇÕES  ■ Equações do 1.º grau a uma incógnita (com parêntesis mas sem denominadores)

LUGARES GEOMÉTRICOS	LUGARES GEOMÉTRICOS  - Circunferência e círculo Mediatriz de um segmento de reta Bissetriz de um ângulo Lugares geométricos no espaço Lugares geométricos. Disjunção e conjunção de condições	ISOMETRIAS  • Translação associada a um vetor. Propriedades das isometrias	
CIRCUNFERÊNCIA	CIRCUNFERÊNCIA  • Polígono regular inscrito numa circunferência  TRIGONOMETRIA NO TRIÂNGULO RETÂNGULO	<ul> <li>SÓLIDOS GEOMÉTRICOS</li> <li>Área da superfície e volume Critérios de paralelismo e perpendicularidade entre planos, entre retas e planos.</li> <li>Translação associada a um vetor.</li> <li>Propriedades das isometrias</li> </ul>	SEMELHANÇA  Noção de semelhança  Ampliação e redução de um polígono  Polígonos semelhantes  Semelhança de triângulos  TRIÂNGULOS E QUADRILÁTEROS  Congruência de triângulos  Propriedades, classificação e construção de quadriláteros
OS NÚMEROS REAIS.	NÚMEROS REAIS  • Noção de número real e reta real  • Relações < e > em IR Intervalos	<ul> <li>NÚMEROS RACIONAIS</li> <li>Representação, comparação e ordenação</li> <li>Operações, propriedades e regras operatórias</li> <li>Potências de base e expoente inteiro (incluindo a regra de potência de potência)</li> </ul>	<ul> <li>NÚMEROS INTEIROS</li> <li>Multiplicação e divisão, propriedades</li> <li>Raiz quadrada e raiz cúbica</li> <li>Potências de base inteira e expoente natural</li> </ul>
TRIGONOMETRIA DO TRIÂNGULO	TRIGONOMETRIA NO TRIÂNGULO RECTÂNGULO	TEOREMA DE PITÁGORAS  • Demonstração e utilização	SEMELHANÇA - Semelhança de triângulos

RETÂNGULO	Razões trigonométricas de ângulos	
	agudos	
	Relações entre razões trigonométricas	